

Grandezas e formulas da Cinética e Dinâmica do ponto de massa:

| | | |
|---------------------------------------|----------------|--|
| tempo | t | unidade básica |
| posição | \vec{r} | unidade básica |
| velocidade | \vec{v} | $\vec{v} = \dot{\vec{r}}$ |
| aceleração | \vec{a} | $\vec{a} = \dot{\vec{v}}$ |
| massa | m | unidade básica |
| momento linear | \vec{p} | $\vec{p} = m\vec{v}$ |
| força | \vec{F} | $\vec{F} = \dot{\vec{p}} = m\vec{a}$ |
| energia cinética | E_{kin} | $E_{kin} = \frac{m}{2}v^2$ |
| ângulo | $\vec{\phi}$ | unidade básica |
| velocidade angular | $\vec{\omega}$ | $\vec{\omega} = \dot{\vec{\phi}}$ |
| aceleração angular | $\vec{\alpha}$ | $\vec{\alpha} = \dot{\vec{\omega}}$ |
| momento inercial (densidade contínua) | I | $I = \int r_{\perp}^2 dm = \int_V \rho(\vec{r})[r^2 - (\vec{r} \cdot \hat{e}_{\omega})]dV$ |
| momento inercial (densidade discreta) | I | $I = \sum_i m_i r_i^2$ |
| momento angular | \vec{L} | $\vec{L} = I\vec{\omega} = \vec{r} \times \vec{p}$ |
| torque | $\vec{\tau}$ | $\vec{\tau} = \dot{\vec{L}} = I\vec{\alpha} = \vec{r} \times \vec{F}$ |
| energia rotacional | E_{rot} | $E_{rot} = \frac{m}{2}\omega^2 r^2$ |
| energia potencial | E_{pot} | $E_{pot}^{grav} = mgh$, $E_{pot}^{mola} = \frac{k}{2}x^2$ |
| trabalho | W | $W = \int_{s_1}^{s_2} \vec{F} \cdot d\vec{s}$ |
| potência | P | $P = \dot{W}$ |

Forças particulares:

| | |
|---------------------------------|-------------------------|
| gravitação | $F_{grav} = mg$ |
| lei de Hooke para mola elástica | $F_{mola} = -k\Delta x$ |
| atrito | $F_{at} = -\mu N$ |
| fricção de Stokes | $F_{fr} = -\gamma v$ |
| fricção de Newton | $F_{fr} = -\gamma v^2$ |

Momento inercial:

| | |
|-----------------------------------|---|
| teorema de Steiner | $I_{\omega_2} = I_{\omega_1} + md^2$ onde d é a distância dos eixos paralelos |
| teorema dos eixos perpendiculares | $I_z = I_x + I_y$ para $\rho(\vec{r}) = \delta(z)\sigma(x, y)$ |

Forças inerciais devido à transformações em sistemas transladados e rodados:

| | |
|--------------------------------------|--|
| transformação para sistema acelerado | $\vec{F}_{Gal} = -m\vec{a}$ |
| força centrífuga | $\vec{F}_{cf} = -m\vec{\omega} \times (\vec{\omega} \times \vec{r})$ |
| força de Coriolis | $\vec{F}_{Cor} = -2m\vec{\omega} \times \vec{v}$ |

Leis de conservação:

| | |
|--------------------------------|---|
| conservação de energia | $\sum_k E_{kin}^{(ini)} + \sum_k E_{pot}^{(ini)} = \sum_k E_{kin}^{(fin)} + \sum_k E_{pot}^{(fin)}$ |
| conservação de momento linear | $\sum_k \vec{p}_k^{(ini)} = \sum_k \vec{p}_k^{(fin)}$ |
| conservação de momento angular | $\sum_k \vec{L}_k^{(ini)} = \sum_k \vec{L}_k^{(fin)}$ |
| definição do centro de massa | $\vec{r}_{cm} \equiv \frac{\sum_k m_k \vec{r}_k}{\sum_k m_k}$ |

Corpos rígidos, avaliação do número de equações de movimento necessário:

| | |
|---|---|
| 1. estimar o número de massas em movimento | m_1, m_2, \dots |
| 2. identificar o movimento possível (grau de liberdade) para cada massa | v_{1x}, v_{2x}, \dots |
| | v_{1y}, v_{2y}, \dots |
| | v_{1z}, v_{2z}, \dots |
| | $\omega_1, \omega_2, \dots$ |
| 3. escrever para cada grau de liberdade a equação do movimento | $m\dot{v}_{kl} = \sum_j F_j$ $I\dot{\omega}_k = \sum_j \tau_j$ |

Leis de gravitação:

| | |
|-------------------------|--|
| lei de Newton | $\vec{F}(\vec{r}) = -\frac{GMm}{ \vec{R}-\vec{r} ^2}\hat{e}_{Rr} = -\nabla V(\vec{r})$ |
| potencial gravitacional | $V(\vec{r}) = -\int \frac{Gm}{ \vec{r}-\vec{r}' ^2}\rho(\vec{r}')dV'$ |

Elementos de volume em:

| | |
|-------------------------|---|
| coordenadas cartesianas | $dV = dx dy dz$ |
| coordenadas cilíndricas | $dV = \rho d\rho d\phi dz$ |
| coordenadas esféricas | $dV = r^2 \sin \theta dr d\theta d\phi$ |

Oscilações $ma + bv + kx = F_0 \cos \omega t$:

| | | |
|-----------------------|------------------|---|
| movimento dissipativo | $k = 0, F_0 = 0$ | $x(t) = Ae^{-\gamma t}, \gamma = \frac{b}{2m}$ |
| oscilação harmônica | $b = 0, F_0 = 0$ | $x(t) = A \cos(\omega_0 t + \delta), \omega_0 = \sqrt{\frac{k}{m}}$ |
| oscilação amortecida | $F_0 = 0$ | $x(t) = Ae^{-\gamma t} \cos(\omega t + \delta), \omega = \sqrt{\omega_0^2 - \gamma^2}$ |
| oscilação forçada | | $x(t) = A \cos(\omega t + \delta), A = \frac{F_0}{\sqrt{m^2(\omega_0^2 - \omega^2)^2 + b^2\omega^2}}, \tan \delta = \frac{b\omega}{m(\omega_0^2 - \omega^2)}$ |